

9. Gruppenübung zur Linearen Algebra

G20: Die (lineare) Abbildung  $f : \mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^3$  sei definiert durch

$$f(x) := (x_2 - x_1, x_3 - x_2, x_4 - x_3)^\top \quad (x = (x_1, x_2, x_3, x_4)^\top).$$

- a) Bestimmen Sie die Matrix  $A \in \mathbb{R}^{3 \times 4}$  mit  $f(x) = Ax$  für  $x \in \mathbb{R}^4$ .
- b) Bestimmen Sie  $\ker(f)$ .
- c) Zeigen Sie, dass  $f$  surjektiv ist.

G21: (Rechtsshift) Die Abbildung  $\varphi : \{0, 1\}^{\mathbb{N}} \rightarrow \{0, 1\}^{\mathbb{N}}$  sei definiert durch

$$\varphi(x) := (0, x_1, x_2, \dots) \quad (x = (x_1, x_2, \dots) \in \{0, 1\}^{\mathbb{N}}).$$

Zeigen Sie, dass  $\varphi$  linear ist und untersuchen Sie  $\varphi$  auf Injektivität und Surjektivität.