

4. Übung zur Einführung in die reellen Zahlen

Abgabe: Montag, 09.01.2006, vor der Übung

H9: Es seien  $(a_n)_{n=0}^{\infty}$  und  $(b_n)_{n=0}^{\infty}$  Folgen in  $\mathbb{R}$  mit  $0 \leq a_n \leq b_n$  alle  $n \in \mathbb{N}_0$ . Zeigen Sie:

Ist  $\left(\sum_{\nu=0}^n b_{\nu}\right)_{n=0}^{\infty}$  konvergent, so ist auch  $\left(\sum_{\nu=0}^n a_{\nu}\right)_{n=0}^{\infty}$  konvergent.

H10: Zeigen Sie, dass  $\mathbb{Z}$  abzählbar unendlich ist.

H11: Eine Menge  $D \subset \mathbb{R}$  heißt diskret, falls ein  $\delta > 0$  so existiert, dass  $|x - y| \geq \delta$  für alle  $x, y \in D$  mit  $x \neq y$  gilt. Zeigen Sie: Ist  $D \neq \emptyset$  diskret und nach oben (bzw. unten) beschränkt, so existiert  $\max D$  (bzw.  $\min D$ ).

*Frohe Weihnachten und ein gutes und erfolgreiches Jahr 2006 wünschen*

*J. Müller und T. Pohlen*