

3. Gruppenübung zur Linearen Algebra

G7: Es seien  $(G, *)$  eine Gruppe und  $U \subset G$ .

- a) Beweisen Sie: Ist  $U$  endlich mit  $e \in U$  und gilt  $a * b \in U$  für alle  $a, b \in U$ , so ist  $U$  eine Untergruppe von  $G$ .
- b) Überlegen Sie sich, dass die Aussage aus a) für unendliche  $U$  im Allgemeinen falsch ist.

G8: Es seien  $n \in \mathbb{N}$  und  $\mathbb{R}^* = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ . Überlegen Sie sich, dass die Abbildung  $\varphi : \mathbb{R}^* \rightarrow \mathbb{R}^*$  mit  $\varphi(x) := x^n$  für  $x \in \mathbb{R}^*$  ein Gruppenmorphismus von  $(\mathbb{R}^*, \cdot)$  nach  $(\mathbb{R}^*, \cdot)$  ist und bestimmen Sie den Kern von  $\varphi$  (in Abhängigkeit von  $n$ ).